

APRIL/MAY 2025

**FMA31/CMA31/BMA31 — DIFFERENTIAL
EQUATIONS AND LAPLACE TRANSFORM**



Time : Three hours

Maximum : 75 marks

SECTION A — (10 × 2 = 20 marks)

Answer ALL the questions.

1. Solve $(x^2 + y^2)(x dx + y dy) = a^2(x dy - y dx)$.
தீர்க்க $(x^2 + y^2)(x dx + y dy) = a^2(x dy - y dx)$.
2. Solve $x^2 p^2 + 3xy p + 2y^2 = 0$.
தீர்க்க $x^2 p^2 + 3xy p + 2y^2 = 0$.
3. Find the complementary function of $(D^2 - 2mD + m^2)y = 0$.
 $(D^2 - 2mD + m^2)y = 0$ யின் துணைச் சார்பு காண்க.
4. Find the particular integral of $(D^2 + 4D + 5)y = e^x$.
 $(D^2 + 4D + 5)y = e^x$ யின் சிறப்புத் தொகையினைக் காண்க.

5. Solve $yz(ax + y + z)dx + zx(x + ay + z)dy + xy(x + y + az)dz = 0$.

தீர்க்க $yz(ax + y + z)dx + zx(x + ay + z)dy + xy(x + y + az)dz = 0$.

6. Solve $\frac{dx}{yz} = \frac{dy}{xz} = \frac{dz}{xy}$.

தீர்க்க $\frac{dx}{yz} = \frac{dy}{xz} = \frac{dz}{xy}$.

7. Find $L(\sin^2 2t)$.

$L(\sin^2 2t)$ யின் மதிப்பு காண்க.

8. State initial value theorem of Laplace transform.

லாப்லாஸ் உருமாற்றின் தொடக்க மதிப்பு தேற்றத்தை கூறுக.

9. Form the partial differential equation by eliminating a and b from $z = ax + by + a$.

$z = ax + by + a$ என்பதிலிருந்து a மற்றும் b யை நீக்கினால் கிடைக்கும் பகுதி வகைக்கெழு சமன்பாட்டை உருவாக்குக.



19. Solve $\frac{d^2y}{dt^2} + 2\frac{dy}{dt} - 3y = \sin t$ given that $y = \frac{dy}{dt} = 0$ when $t = 0$.

$t = 0$ எனும் போது $y = \frac{dy}{dt} = 0$ எனில்

$$\frac{d^2y}{dt^2} + 2\frac{dy}{dt} - 3y = \sin t \text{ -ஐ தீர்க்க.}$$

20. Solve

(a) $q(p - \sin x) = \cos y$

(b) $q = xp + p^2$.

தீர்க்க

(அ) $q(p - \sin x) = \cos y$

(ஆ) $q = xp + p^2$.



10. Solve $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = x^2 + y^2$.

தீர்க்க $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = x^2 + y^2$.

SECTION B — (5 × 5 = 25 marks)

Answer ALL questions.

11. (a) Solve $\frac{dy}{dx} - y \tan x = \frac{\sin x \cos^2 y}{y^2}$.

தீர்க்க $\frac{dy}{dx} - y \tan x = \frac{\sin x \cos^2 y}{y^2}$.

Or

- (b) Solve $y = xp + x(1 + p^2)^{1/2}$.

தீர்க்க $y = xp + x(1 + p^2)^{1/2}$.

12. (a) Solve $(D^2 + 2D + 1)y = 2e^{3x}$.

தீர்க்க $(D^2 + 2D + 1)y = 2e^{3x}$.

Or

- (b) Solve $(D^2 + 9)y = \cos 3x + 3 \sin x$.

தீர்க்க $(D^2 + 9)y = \cos 3x + 3 \sin x$.

13. (a) Solve $(2x^2 + 2xy + 2xz^2)dx + dy + 2zdz = 0$.

தீர்க்க $(2x^2 + 2xy + 2xz^2)dx + dy + 2zdz = 0$.

Or

(b) Solve $\frac{dx}{-y^2 - z^2} = \frac{dy}{xy} = \frac{dz}{xz}$.

தீர்க்க $\frac{dx}{-y^2 - z^2} = \frac{dy}{xy} = \frac{dz}{xz}$.

14. (a) If $L\{f(t)\} = F(S)$, then prove that

$$L[tf(t)] = -\frac{d}{ds}F(S).$$

$L\{f(t)\} = F(S)$ எனில் $L[tf(t)] = -\frac{d}{ds}F(S)$

என நிறுவுக.

Or

(b) Find $L^{-1}\left[\frac{1}{S(S+1)(S+2)}\right]$.

$L^{-1}\left[\frac{1}{S(S+1)(S+2)}\right]$ -ன் மதிப்பைக் காண்க.

15. (a) Solve $q = xp + p^2$.

தீர்க்க $q = xp + p^2$.

Or

(b) Solve $z = px + qy + 2\sqrt{pq}$.

தீர்க்க $z = px + qy + 2\sqrt{pq}$.

SECTION C — (3 × 10 = 30 marks)

Answer any THREE questions.

16. Solve $x^2 = (1 + p^2)$.

தீர்க்க $x^2 = (1 + p^2)$.

17. Solve $(D^2 - 3D + 2)y = \sin 3x$

தீர்க்க $(D^2 - 3D + 2)y = \sin 3x$.

18. Solve $2\frac{dx}{dt} + x + \frac{dy}{dt} = \cos t$

$\frac{dy}{dx} + 2\frac{dy}{dx} + y = 0$.

தீர்க்க $2\frac{dx}{dt} + x + \frac{dy}{dt} = \cos t$

$\frac{dy}{dx} + 2\frac{dy}{dx} + y = 0$.